Образовательный минимум 11 класс Дифференциальное исчисление. Правила дифференцирования.

Производная суммы:

$$(f(x) + g(x))' = f'(x) + g'(x)$$

Производная произведения:

$$(f(x) \cdot g(x))' = f'(x) \cdot g(x) + f(x) \cdot g'(x)$$

Следствие:
$$\left(C \cdot f(x)\right)' = C \cdot f'(x)$$
, где C-const Производная сложной функции:

Производная частного:

$$\left(\frac{f(x)}{g(x)}\right)' = \frac{f'(x) \cdot g(x) - f(x) \cdot g'(x)}{g^2(x)} \left| (f(g(x)))' = f'(g(x)) \cdot g'(x) \right|$$

$$(f(g(x)))' = f'(g(x)) \cdot g'(x)$$

Таблица производных:

$$(c)' = 0$$
, $c \to c - const$
 $(kx+b)' = k$

$$(x^p)' = px^{p-1}$$

$$(e^x)' = e^x; \quad (a^x)' = a^x \ln a$$

$$(\ln x)' = \frac{1}{x}$$
; $(\log_a x)' = \frac{1}{x \ln a}$

$$(\sin x)' = \cos x$$

$$(\cos x)' = -\sin x$$

$$\left(tgx\right)' = \frac{1}{\cos^2 x}$$

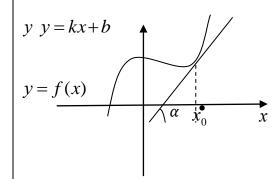
$$\left(ctgx\right)' = -\frac{1}{\sin^2 x}$$

Геометрический смысл производной:

$$f'(x_0) = k = tg\alpha,$$

где k — угловой коэффициент касательной, проведенной к графику функции в точке с абсциссой x_0 ;

α — угол между касательной и положительным направлением оси абсцисс.



- 1. Если $f^{'}(x) > 0$ в каждой точке интервала (a;b), то функция возрастает на нем.
- 2. Если f'(x) < 0 в каждой точке интервала(a;b), то функция убывает на нем.

Точки максимума и минимума называют точками экстремума функции. Значение функции в точке экстремума называют экстремумом функции. Задания к данным разделам из учебника «Проверь себя»